

Dirbtinio intelekto užuomazgos sudėtingų judesių tyrimuose

Olegas RAMAŠAUSKAS, Artūras BIELSKIS (KU)
el. paštas: ram@gmf.ku.lt, bielskis@ip.ku.lt

Ižanga

Projektuojant naujas ar tobulinant veikiančias techniškai sudėtingas darbo mašinas (robotus, manipulatorius, automatines linijas) ir siekiant optimizuoti rezultatus, visuomet tenka palyginti žinomus faktus (ivykius, sprendimus etc) su specialistų (ekspertų) žiniomis, sukauptomis per ilgesnį veiklos (sistemos gyvavimo) laikotarpi. Turimos žinių bazės paprastai būna didelės, bet nepilnos, nesusistemintos, neretai prieštarinos, ypač informacinių ir technologinių procesų domenuose [1, 2]. Sistemos faktai – žinios – išvadados apdorojimas įprastinėmis priemonėmis yra komplikuotas ir gali pareikalauti nemažai laiko, be to, žmogus-operatorius („aktorius“) šioje sistemoje gali nepastebėti atskirų faktų ar padaryti klaidų [3].

Galimi šios problemos sprendimo keliai: *tradiciniai*, kai i konkrečios problemos sprendimą įjungiamas didelis aukštos kvalifikacijos specialistų skaičius, kaupiant žinias, apdorojant žinomus faktus ir darant išvadas, bei *modernūs*, kai panaudojama kompiuterio savybė kaupti, lyginti ir pateikti jau apdorotą informaciją. Kompiuterinės ekspertinės sistemos ir yra ta programinės įrangos dalis, galinti visiškai arba dalinai atliglioti paminėtās funkcijas. Kitaip sakant, kompiuterinės ekspertinės sistemos – tai intelektualios sistemos, skirtos patyruisių specialistų (ekspertų) elgesio modeliavimui ir imitavimui, sprendžiant specializuotus taikomuosius klausimus. Ekspertinės sistemos gali būti efektyviai pritaikytos neformaliose ar mažai formaliose veiklos srityse, kur reikalingas aukštos kvalifikacijos specialistų patyrimas (informatika, medicina, ekonomika ir pan.) [3]. Taip pat gali būti konstruojamos besimokančios ekspertinės sistemos, kurios atitiktų neuroninių tinklų modeliavimo ir mokymo principus.

Darbo tikslas

Šiame darbe sumodeliuojamas sudėtingas objekto judėjimas ir įprastinis matricinis jordančio taško koordinacių užrašymas keičiamas netradiciniu simboliniu pavidalu. Gautų simbolinę judesio išraišką apdorojame tam tikslui sukurta ekspertine sistema, atrinkdami užsibrėžtus kriterijus tenkinančius sprendinius. Aprašyta ekspertinė sistema gali būti pritaikyta neformaliose ar mažai formaliose veiklos srityse, kur reikalingas aukštos kvalifikacijos specialistų patyrimas (informatika, medicina, ekonomika ir pan.) [3].

Tiriamojo objekto žinių modelis

Bet kokio pramoninio roboto ar manipulatoriaus atliekamo darbo kokybė priklauso nuo tikslaus ir suderinto visų jo darbo organo (rankos) grandžių judesių atlikimo. Irodyta, kad modeliuojant absolūčiai tiksliai nustatyti rankos trajektorijos bei jos baigtinių taškų vietas neįmanoma [6]. Tačiau prie pageidaujamų rezultatų priartėti pakankamai dideliu tikslumu galima daugeliu būdų: parametrinio projektavimo metodais [7, 3], neuroninių tinklų metodais [8] ir kt.

Visuotiniuose kompiuterių tinkluose diegiamos ekspertinės sistemos turi šias posistemės: globalių duomenų bazų (faktų, žinių), išvadų mašinos ir vartotojo sąsajos. Šiuo atveju, domenu vadintinas sistemos pagalba sprendžiamų problemų laukas [5]. Norėdami pavaizduoti rankos judėjimą, turime rasti priimtiną kuriamaik ekspertinei sistemai judesio vektorių užrašymo būdą.

Tirsime objektą, kurio dalį judėjimo tikslų išraiškų nustatymas yra sudėtingas, pažydzdžiu, roboto rankos judesio trajektoriją, veikiant inercijos, įcentrinėms, Koriolio, sunkio, apkrovos jėgomis ir pan.

Tarkime, žinome rankos tašką A koordinacijų sistemoje B , kuri yra perstumta ir pašukta koordinacijų sistemos C atžvilgiu (1 pav.). Ignoruodami posūki, A padėti sistemoje B galime užrašyti transponuotu vektoriumi:

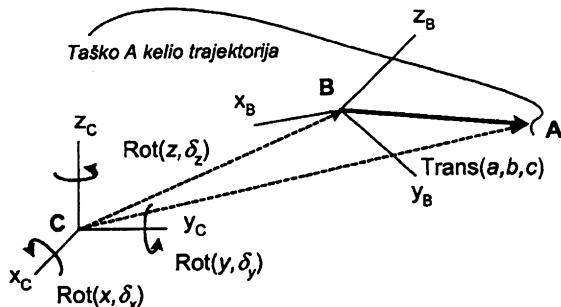
$$A = [{}^B x_A, {}^B y_A, {}^B z_A]^T, \quad (1.1)$$

čia viršutinis indeksas B išreiškia atitinkamo kintamojo priklausymą koordinacijų sistemai B , kurioje jis gali būti apibrėžtas ir išmatuotas. Analogiškai, koordinacijų sistemos B pradinio taško padėti sistemoje C galime užrašyti:

$$B = [{}^C x_B, {}^C y_B, {}^C z_B]^T. \quad (1.2)$$

Norėdami susieti taško A padėti su koordinacijų sistema C , sudedame vektorius ir rezultatą užrašome eilute:

$${}^C A = {}^B A + {}^C B = [{}^C x_B + {}^B x_A, {}^C y_B + {}^B y_A, {}^C z_B + {}^B z_A]^T. \quad (1.3)$$



1 pav. Roboto rankos judesio sąraišos nustatymo diagrama.

Įvertinus posūki ir poslinki, roboto rankos judėjimo išraiška gali būti vaizduojama tokia eilute(žr. 1 pav.):

$$\begin{matrix} {}_B^C A_{Rot} = [Trans(a, b, c)]^T \cdot [Rot(\delta)]^T, \end{matrix} \quad (1.4)$$

arba homogeninėse koordinatėse

$$\begin{matrix} {}_B^C A_{Rot} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & a \\ 0 & 1 & 0 & b \\ 0 & 0 & 1 & c \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 & -\delta_z & \delta_y & 0 \\ \delta_z & 1 & -\delta_z & 0 \\ -\delta_y & \delta_x & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -\delta_z & \delta_y & a \\ \delta_z & 1 & -\delta_z & b \\ -\delta_y & \delta_x & 1 & c \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}. \end{matrix} \quad (1.5)$$

Pavaizduokime matricą (1.5) sąrašine duomenų struktūra. Tam, pažymėję diferencinių judešių kiekvienos koordinatės atžvilgiu kokiu nors simboliu, kuris koduojamas pagrindinėje ASCII kodų lentelės dalyje, pavyzdžiui 65 – 90, 97 – 122, galime transformuoti judešio matricą (1.5) į paprastų simbolių eilutę:

$$A = ((1 - Z Y a)(Z 1 - Z b)(-Y X 1 c)(0 0 0 1)), \quad (1.6)$$

čia: matricos elementai – sąrašai; "((– matricos pradžia,))" – eilutės pabaiga, "(- – eilutės pradžia,))" – matricos pabaiga, kai matrica skaitoma iš kairės į dešinę ir iš viršaus žemyn.

Projektuojamoji ekspertinė sistema gali atpažinti tokias sąrašinio tipo simbolių eilutes ir atliliki jų analizę. Sudarę matricas A, B, C, \dots pateikiame jas ekspertinei sistēmai, kaip faktus:

$$\begin{aligned} A &= ((1 - Z_{01} Y_{01} i)(Z_{01} 1 - Z_{01} j)(-Y_{01} X_{01} 1 k)(0 0 0 1)), \\ B &= ((1 - Z_{02} Y_{02} i)(Z_{02} 1 - Z_{02} j)(-Y_{02} X_{02} 1 k)(0 0 0 1)), \\ C &= ((1 - Z_{03} Y_{03} i)(Z_{03} 1 - Z_{03} j)(-Y_{03} X_{03} 1 k)(0 0 0 1)), \\ &\dots \text{visų } X, Y, Z \text{ visiems } i, j, k \dots, \end{aligned} \quad (1.7)$$

o matricų sekas visiems a, b, c pateikiame sistemai kaip eksperto surašytas žinias:

$$\begin{aligned} A_i &= ((1 - Z_{i1} Y_{i1} a)(Z_{i1} 1 - Z_{i1} b)(-Y_{i1} X_{i1} 1 c)(0 0 0 1)), \\ C_i &= ((1 - Z_{i3} Y_{i3} a)(Z_{i3} 1 - Z_{i3} b)(-Y_{i3} X_{i3} 1 c)(0 0 0 1)), \\ &\dots, \\ K &= ((1 - Z_{03} Y_{03} i)(Z_{03} 1 - Z_{03} j)(-Y_{03} X_{03} 1 k)(0 0 0 1)); \\ A_j &= ((1 - Z_{j1} Y_{j1} a)(Z_{j1} 1 - Z_{j1} b)(-Y_{j1} X_{j1} 1 c)(0 0 0 1)), \\ B_j &= ((1 - Z_{j2} Y_{j2} a)(Z_{j2} 1 - Z_{j2} b)(-Y_{j2} X_{j2} 1 c)(0 0 0 1)), \\ &\dots, \\ L &= ((1 - Z_{02} Y_{02} i)(Z_{02} 1 - Z_{02} j)(-Y_{02} X_{02} 1 k)(0 0 0 1)); \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 B_k &= ((1 - Z_{k2} Y_{k2} a)(Z_{k2} 1 - Z_{k2} b)(-Y_{k2} X_{k2} 1 c)(0 0 0 1)), \\
 C_k &= ((1 - Z_{k3} Y_{k3} a)(Z_{k3} 1 - Z_{k3} b)(-Y_{k3} X_{k3} 1 c)(0 0 0 1)), \\
 &\dots, \\
 M &= ((1 - Z_{01} Y_{01} i)(Z_{01} 1 - Z_{01} j)(-Y_{01} X_{01} 1 k)(0 0 0 1));
 \end{aligned} \tag{1.8}$$

visų X, Y, Z visiems a, b, c ir i, j, k .

Matome, kad pasirinktoji užrašymo simbolika labai artima funkcinių programavimo kalbų semantikai ir todėl gali būti realizuota Visual LISP kalbos priemonėmis.

Žinoma, skaičiuojant visiškai artikuliuotos šešių laisvės laipsnių roboto rankos kinematiką išraiškos yra daug sudėtingesnės [6], pavyzdžiui:

$$P = \sum_{\substack{j=1 \\ i=1, N}}^N \left[A(i, j) \ddot{\theta}_j + B(i, j) \dot{\theta}_j^2 + \sum_{k=j+1}^N C(i, j, k) \dot{\theta}_j \dot{\theta}_k \right]; \tag{1.9}$$

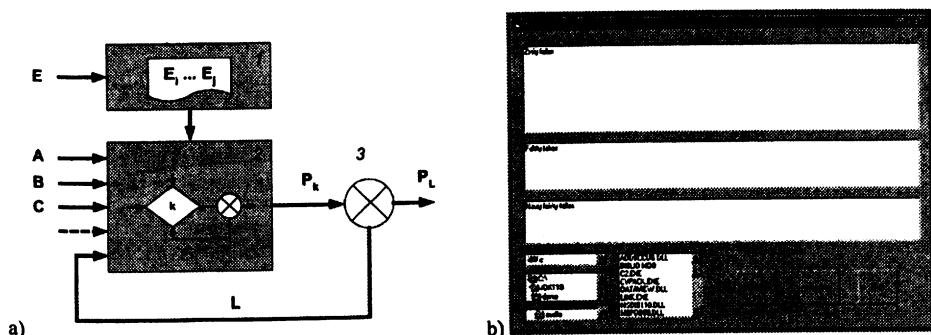
čia vien inercijos jėgas išreiškiančios matricos A elementas a_{11} gali būti sudarytas iš keiliausdešimties narių, kurie, savo ruožtu, kinta priklausomai nuo posūkio θ ir kt. parametru.

Produkcinės ekspertinės sistemos struktūrinis modelis

Darbui sukurtoji ekspertinė sistema remiasi tuo LISP kalbos ypatumu, kad joje efektyviai naudojamos rekursijos ir darbas su dideliais sąrašais. Žinių ar duomenų įterpimas į programinę Visual LISP interpretatoriaus AutoCAD terpę atliekamas interaktyviai arba naudojantis nesudėtingomis standartinėmis VBA (*Visual Basic for Application*), DCL (*Dialog Construct Language*) ar C++ priemonėmis.

Organizuojama tradicinė kartotinė struktūra (2 pav., a), kurią sudaro:

1. Eksperto žinių kaupimo modulis.
2. Tiesinio išvedimo strategijos kartotinės struktūros realizavimo modulis (išvadų mašina).
3. Faktų analizės kartotinės struktūros funkcinis modulis.



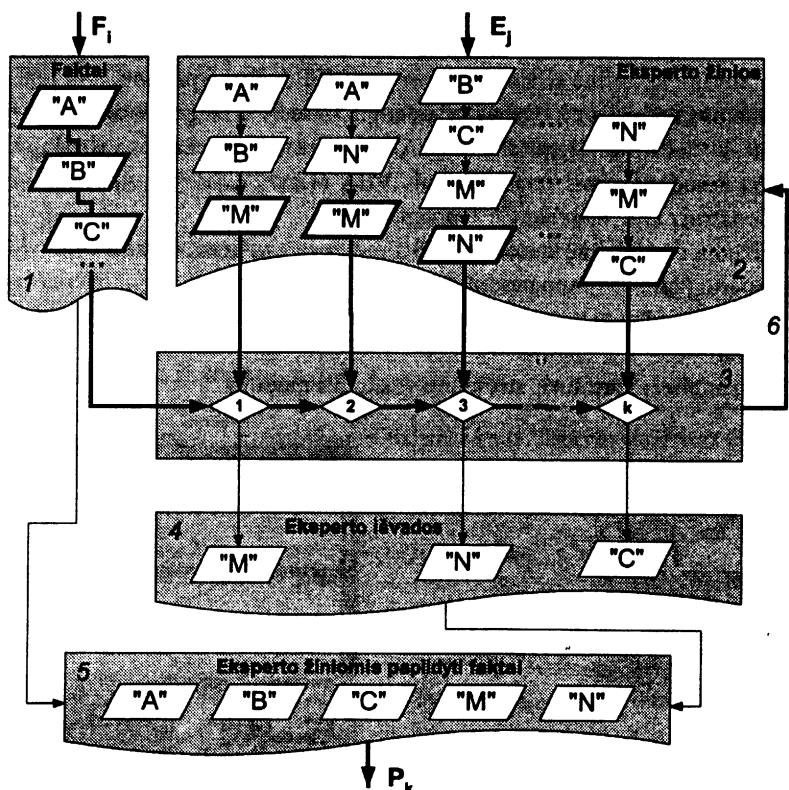
2 pav. Projektuojamos ekspertinės sistemos a) struktūrinė schema, b) pagrindinis darbo langas.

Tarkime, kad žinome faktus A, B, C, \dots , surašytus į tekstinį faktų failą. Be to, yra sukaupta pakankamai didelė eksperto E žinių bazė, kurioje $E_i \dots E_j$ serijomis gretinti vienareikšmiai eksperto potyriai ir žinomi faktai bei surašyti atitinkamos išvados. Išvadų mašina nuosekliai apdoroja žinių bazés įrašus ir, vadovaudamasi tiesinės išvadų strategijos principu, atrenka visas salygas tenkinančius faktus. Naujieji faktai nukreipiami į pradinį faktų failą ir vėl pateikiami pakartotinei ekspertizei. Procesas kartojamas, kol ne-beatsiranda naujų faktų.

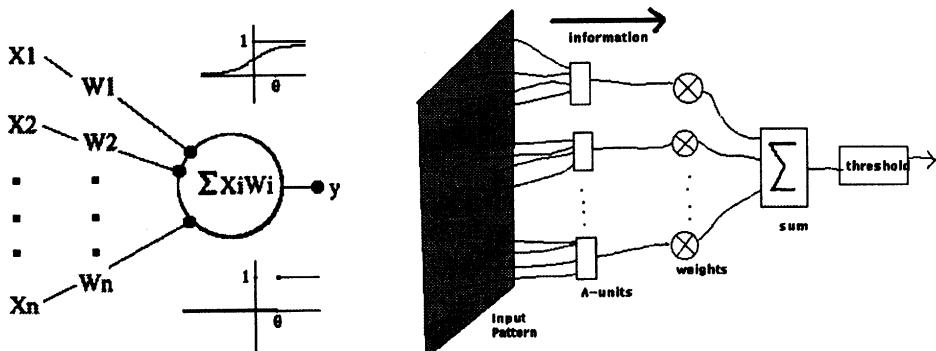
Sistemos sandara ir veikimas matyti 3 paveiksle. Globalios duomenų bazės (faktų ir žinių) bei išvadų posistemės joje realizuotos kaip atskiri funkciniai moduliai. Kadangi vartotojo sąsaja priklauso nuo to, koks joje terpėje veiks surukojo sistema ir gali būti realiuota įvairiomis priemonėmis, todėl schemaje neparodyta.

Atskirų funkcinių modulių paskirtis:

1. Faktų failas.
2. Eksperto žinių failas.
3. Produkcinis loginis modulis.
4. Eksperto išvadų sąrašas.
5. Eksperto išvadomis papildytas faktų failas.
6. Grįžtamoji loginė kontrolė (kartotinumas).



3 pav. Produkcinės vieno lygio ekspertinės sistemos su tiesiniu išvedimu algoritmo blokinė schema.



4 pav. a) perceptrono skaičiuojamoji schema, b) neuroninio tinklo fragmentas [4, 8].

Nagrinėjant šios ekspertinės sistemos struktūrą, brėžinyje galima pastebeti tam tikrą panašumą su neuroninio tinklo elementų struktūra. Žinomų faktų pasikartojimas naujose žinių $E_i \dots E_j$ serijų išvadose leidžia pasikartojimo dažnio išraišką susieti su neuroninių tinklų perceptrono signalo „svorio“ koeficiente W_i išraiška (4 pav.).

Gautąjas ekspertinės sistemos išvadas interpretatorius gali pavaizduoti grafiniame ekrane kaip susietuosius objektus (roboto rankos padėties vaizdai) arba paleisti programas, galinčias CAD priemonėmis nubraižyti nustatytas salygas tenkinančius objektus apskaičiuotose padėtyse (parametrinio projektavimo metodai).

Duomenų gavybos technologija sistemoje

Ekspertinei sistemai pateikiami ši informacija:

1. Pirminis žinomų faktų failas (čia naudojama atsitiktinai sugeneruotų raidinių simbolų seka):

("P") ("Y") ("C") ("M")

2. Žinių bazės failas, sudarytas remiantis prielaida, kad eksperto žinios asocijuojamos su *didžiausio naudingumo* vartotojui kriterijais, įvertinus du svarbius subjektyvius *netikėtumo* ir *veiksmingumo* parametrus, o ne surašant visas įmanomas taisykles. Atsišakant nenaudingos informacijos dalies sutrumpėja rikiavimo procesai ir skaičiavimas tampa žymiai efektyvesnis [9].

Žemiau pateiktame pavzdysteje simbolų eilutės ir simbolinės konstantos vaizduojamos viena didžiaja raide. Pirmasis sąrašo narys – eilės numerio skaičius, kuris analizės procese nedalyvauja; paskutinysis – patvirtintas faktas, t.y., eksperto išvada:

((1) ("A") ("B") ("C") ("D"))
 ((2) ("B") ("A") ("C") ("Z"))
 ((3) ("C") ("J"))
 ((4) ("P") ("A") ("R"))
 ((5) ("B") ("J") ("T"))
 ((6) ("Y") ("A"))

((7) ("P") ("E") ("H") ("A"))
 ((8) ("R") ("E") ("J") ("A"))
 ((9) ("A") ("U") ("C"))
 ((10) ("C") ("U"))
 ir t.t.

Pirmajame ekspertizės cikle buvo aptikti "J", "A", "U" sutapimai, kurie tenkina pirminių faktų sąrašą. Papildyto faktų failo turinys:

("U") ("A") ("J") ("P") ("Y") ("C") ("M").

Po antrojo ciklo faktų failas papildomas dar vienu sutapimu "R":

("R") ("U") ("A") ("J") ("P") ("Y") ("C") ("M").

Kartojant toliau, naujų faktų neberandama, todėl duomenų gavybos (*data mining*) ciklas nutraukiamas. Sistemos veikimą suprasti ir ji valdyti padeda rezultatų registracijos log-failas. Paprastai darbo režime šis failas nespausdinamas ir neišvedamas į ekraną. Jis naudojamas sistemos darbo kontrolei ir analizės eilei nustatyti:

"... \\ES_Faktai.txt": ((P) (Y) (C) (M))

"... \\ES_Baze.txt" (žinios..):

((1) (A) (B) (C) (D))

((2) (B) (A) (C) (Z))

((3) (C) (J))

*(3)išvada-teisinga:_ J

((4) (P) (A) (R))

((5) (B) (J) (T))

((6) (Y) (A))

*(6)išvada-teisinga:_ A

((7) (P) (E) (H) (A))

((8) (R) (E) (J) (A))

((9) (A) (U) (C))

((10) (C) (U))

*(10)išvada-teisinga:_ U

...

"... \\ES_Faktai.txt": ((U) (A) (J) (P) (Y) (C) (M))

"... \\ES_Baze.txt" (žinios..):

((1) (A) (B) (C) (D))

((2) (B) (A) (C) (Z))

((3) (C) (J))

*(3)išvada-teisinga:_ J

((4) (P) (A) (R))

*(4)išvada-teisinga:_ R

((5) (B) (J) (T))

((6) (Y) (A))

*(6)išvada-teisinga:_ A

((7) (P) (E) (H) (A))

((8) (R) (E) (J) (A))

((9) (A) (U) (C))

*(9)išvada-teisinga:_ C

((10) (C) (U))

ir t.t. iki atvejo, kol nebebus randama naujų faktų pasitvirtinimo.

Grafinės sąsajos ir kodo fragmentų pateikty

Programos naudojimo palengvinimui projektuoja grafinę sąsaja (2 pav., b, parodytas vienas iš variantų, lygiaverčiu sprendimų čia gali būti daug) VBA arba DCL prie-monėmis. Ji naudojama žinių bei faktų skaitymui ir papildymui, o taip pat analizės tekstiniam rezultatams išvesti (5 pav.).

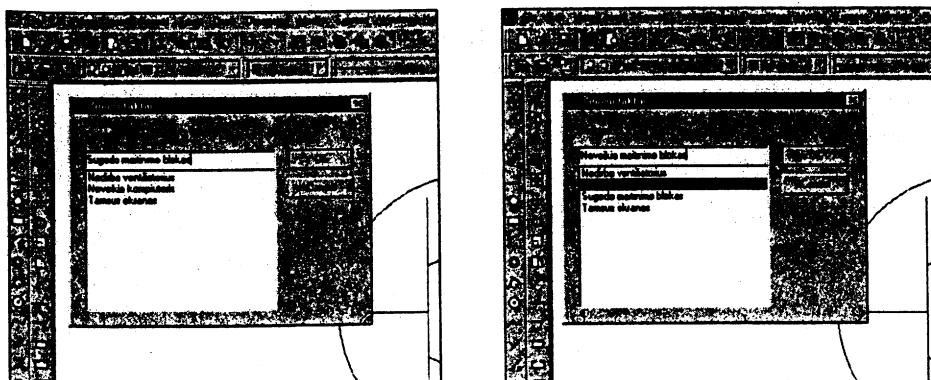
Ekspertinės sistemos programų failai kompliliuojami į vykdomuosius Visual LISP terpės (VLX, FAS arba ARX) modulius. Žinių bazės, faktų ir rezultatų registracijos (*log-failo*) formatai – neformatuotas tekstas (TXT).

Faktų (kurie vėliau palyginami su žiniomis) failo sukūrimo arba papildymo funkcijos pavyzdys:

```
(PROGN (VL-LOAD-COM) (VL-LOAD-REACTORS) )

(SETQ *modelspace*
      (VLA-GET-MODELSPACE
        (VLA-GET-ACTIVEDOCUMENT
          (VLAX-GET-ACAD-OBJECT)
          ) ;_ Pabaiga VLA-GET-ACTIVEDOCUMENT
        ) ;_ Pabaiga VLA-GET-MODELSPACE
      ) ;_ Pabaiga SETQ, ši dalis įkraunama vieną kartą

(DEFUN ff (/ ff-takas faktų-numeris faktas failas saraso-narys naujas-sarasas senas-sarasas)
  (SETQ ff-takas
    (GETFILED "Faktų failas" ;|lango antraštė|; "Faktai" ;|failo vardas|;
    "txt" ;|failo prievardis|; 1 ;|atvertimas įrašui|)
    :_pabaiga GETFILED
    faktų-numeris 0
  ) ;_ Pabaiga SETQ
```



5 pav. Faktų failo apdorojimas automatizuotoje projektavimo sistemos AutoCAD lange.

```

(IF (DOS_FILEP ff-takas)
  (PROGN
    (SETQ failas (OPEN ff-takas "r")
          senas-sarasas '("") ;Tuščias faktų sarašas
    ) ;_ Pabaiga SETQ
    (WHILE (NOT
              (EQ (SETQ saraso-narys (READ-LINE failas))
                  nil
                ) ;_ Pabaiga EQ
              ) ;_ Pabaiga NOT
      (SETQ faktuo-numeris (1+ faktuo-numeris)
            ;;;_Pašalinami nereikalingi simboliai iš sarašo
            saraso-narys (VL-STRING-TRIM " " saraso-narys)
            saraso-narys (VL-STRING-RIGHT-TRIM "\ ") saraso-narys
            saraso-narys (VL-STRING-LEFT-TRIM "(\ " saraso-narys)
            senas-sarasas (CONS saraso-narys senas-sarasas)
      ) ;_ Pabaiga SETQ
    ) ;_ Pabaiga WHILE
    (CLOSE failas)
    (SETQ senas-sarasas (CDR (REVERSE senas-sarasas)))
    (SETQ naujas-sarasas (REVERSE (CDR senas-sarasas)))
  ) ;_ Pabaiga PROGN
  (PROGN
    (SETQ faktuo-numeris 1
          naujas-sarasas '(""))
    ) ;_ Pabaiga SETQ
  ) ;_ Pabaiga PROGN
) ;_ Pabaiga IF
(WHILE (READ
        (SETQ faktas (DOS_COMBOLIST
                      "žinomi faktai"
                      (STRCAT (ITOIA faktuo-numeris)
                            " faktas:"
                          ) ;_ Pabaiga STRCAT
                      naujas-sarasas
                    ) ;_ Pabaiga DOS_COMBOLIST
                  ) ;_ Pabaiga SETQ
        ) ;_ Pabaiga READ
    (SETQ faktuo-numeris (1+ faktuo-numeris)
          naujas-sarasas (CONS faktas naujas-sarasas)
    ) ;_ Pabaiga SETQ
  ) ;_ Pabaiga WHILE
(SETQ naujas-sarasas (REVERSE naujas-sarasas))
(SETQ failas (OPEN ff-takas "wy"))
  (FOREACH saraso-narys naujas-sarasas
    (PRINT (LIST saraso-narys) failas)
  ) ;_ Pabaiga FOREACH
(CLOSE failas)
(PRINC)
) ;_ Pabaiga DEFUN

```

Išvados

1. Kompiuterinės ekspertinės sistemos taikymas problemų sprendimui įvairiose dalykinėse srityse leidžia sumažinti tiek specialistų skaičių, tiek reikalavimus jų kvalifikacijai.
2. Matyt, taikant ES supaprastėja darbai, susiję su faktų ir žinių kaupimu tolimesniems problemos sprendimo etapams.

Literatūra

- [1] S. Gudas, Organizacinės veiklos integruotos sistemos informacinė architektūra, *Integruotos projektavimo sistemos*, Kaunas, Technologija, 4–16 (1999).
- [2] S. Gudas, IS kūrimas veiklos informacinės architektūros modelio pagrindu, *Integruotos projektavimo sistemos*, Technologija, 4–13 (2000).
- [3] E. M. Кудрявцев, *AutoLISP[®]. Программирование в AutoCAD, R14*. M., DMK, 233–240 (1999).
- [4] Š. Raudys, Dirbtiniai neuroniniai tinklai, *Mokslo ir technika*, 4 (1999).
- [5] D. Baziukaitė, A. Bielskis, E. de Buhr, Consulting with expert systems, *Integruotos projektavimo sistemos*, Technologija, 47–72 (2000).
- [6] O. Ramašauskas, A. Bielskis, Roboto ($\theta - r$ manipulatoriaus) judesių dinamikos modeliavimas ir vaizdavimas, *Elektronika ir elektrotechnika*, 1(24), 71–83 (2000).
- [7] R. Mansour, Denavit-Hartenberg Parameters (ROBOT-DRAW, <http://www.ee.uwf.edu/robot-draw.htm>), Electrical Engineering, The University of West Florida (1999).
- [8] A. Rouvinen, H. Handroos, Robot positioning of a Flexible Hydraulic Manipulator Utilizing Genetic Algorithm and Neural Networks, Lappeenranta University, Laboratory of Machine Automation, (<http://www-user.lut.fi/kote/konstek/koautlab/aus.html>) (1999).
- [9] B. Liu, W. Hsu, S. Chen, Y. Ma, Analyzing the subjective interestingness of association rules, *IEEE Intelligent Systems*, 9/10, National University of Singapore, 47–55 (2000).
- [10] A.A. Bielskis, *Trimatių grafika, programavimo elementai*, Smaltija (2000), 9–31.

The application of expert system to exploration of the robot motion

O. Ramašauskas, A. Bielskis

This article expands robot motion dynamics solutions in the symbolic form and analyses the results with simple newly designed expert system (XPS). The coherency using XPS principles with artificial neural networking methods also discussed. The software implementation in Visual LISP environment examples and knowledge base files are presented.